适用于有高差线路的覆冰输电导线 ANSYS 找形方法

谢云云1,金 颖2,黄琳雁1,刘旭斐3,王昊昊4,郁 琛4

(1. 南京理工大学自动化学院, 江苏南京 210094;

2. 中航工业成都飞机工业(集团)有限责任公司,四川成都 610073;

3. 云南电力调度控制中心,云南 昆明 650011;

4. 南京南瑞集团(国网电力科学研究院), 江苏南京 210003)

摘 要:输电线路覆冰会对电网运行产生严重影响,输电导线找形是基于 ANSYS 对覆冰输电线路进行力学分析的 基础。现有 ANSYS 找形方法主要以跨中弧垂或导线水平应力收敛作为结束条件。对于有高差的输电线路,水平 应力和最大弧垂并非在一档中间位置,跨中弧垂或水平应力的确定较为复杂。为此,文中提出基于最低点位置的 输电导线找形方法。首先基于解析法求解导线最低点位置,对最低点不在档内的情况需要虚拟出最低点,再通过 修改弹性模量的方式使导线位于接近最低点,然后将弹性模量修改为实际值,重复迭代直至导线到达最低点。仿 真结果验证了文中方法对不同类型输电导线的有效性。

关键词:ANSYS;输电导线;找形;最低点

中图分类号:TM73 文献标志码:A

0 引言

覆冰灾害是电力系统经常受到的自然灾害之一,会对电力系统造成极大的破坏,如 2008 年我国 南方地区极端冰雪灾害,造成直接经济损失逾 1100 亿元^[1-3]。分析输电线路覆冰后的力学特性是输电 线路设计、覆冰故障分析、脱冰控制等研究的基础。 由于输电导线是悬链线,对输电线路进行力学分析 的第一步是模拟出导线的形状,即输电导线找形, 导线找形的速度和准确性会影响到后续动力学分 析的速度和精度^[4]。

输电导线是一个索结构,索结构随着拉力的不同呈现不同的形态,只有在确定形态的基础上才能进行动态分析。索结构的找形是确定索单元在自重或预应力作用下达到的平衡状态^[5-7]。索结构具有很强的几何非线性,因 ANSYS 软件具有较强的非线性处理能力^[8],其广泛应用于现有输电线路覆冰动态响应研究中^[1,9,10]。

基于 ANSYS 的输电线路找形方法主要有小弹 性模量法和直接迭代法。文献[11-13]中采用了直 接迭代法找形,以导线的水平张力为收敛值,对其 施加自重荷载,且仅在自重荷载的作用下进行非线 性迭代。直接迭代方法设置较为简单,操作方便, 但需要大量的迭代次数才能收敛。文献[1,14]利 文章编号:2096-3203(2017)02-0009-05

用了预张拉力作用下的初始状态线长与找形后线 长相等的原则,采用最低点弧垂设置导线初始形 状,再通过自重荷载进行非线性迭代找形。该方法 是直接迭代法的改进,迭代次数少,但对两端有高 差的情况设置较为复杂。文献[3,4,15-17]采用小 弹性模量法进行找形,对直线模型设置比实际值小 的弹性模量值,求得导线在自重荷载作用下的初始 状态后,再恢复导线的实际弹性模量值进行非线性 迭代。小弹性模量法设置较复杂,迭代次数少,但 弹性模量值的设置需要多次尝试,可能存在不收敛 的情况。上述研究中是通过导线水平应力值或导 线弧垂值达到设定值作为迭代收敛的条件,但对两 端有高差的输电线路,导线水平应力和弧垂并非在 中间点,水平应力值或弧垂值的确定较为复杂。

为此,本文提出了以导线最低点为参考的输电 导线 ANSYS 找形方法。首先基于解析法求出导线 最低点的位置,对最低点不在档内的情况虚拟出导 线最低点,再修改导线弹性模量使导线最低点接近 设定值,再将弹性模量改为实际值,对导线非线性 迭代达到最低点,完成找形。最后通过不同类型输 电线路仿真验证了本文方法的有效性。

1 基于解析法的最低点计算

由于输电线路2悬挂点距离较大,电线刚度对 导线几何形状影响可以忽略,故一般将悬挂导线建 模为悬链线模型。根据导线悬链线方法,当坐标原 点位于左侧悬挂点时,电线悬链线方程为:

收稿日期:2017-01-30;修回日期:2017-02-15 基金项目:国家自然科学基金项目(51507080,61673213); 江苏省博士后基金资助项目(1402042C)

$$y = \frac{\sigma_0 h}{\gamma_0 L_{h=0}} \left[\operatorname{sh} \frac{\gamma_0 l}{2\sigma_0} + \operatorname{sh} \frac{\gamma_0 (2x - l)}{2\sigma_0} \right] - \frac{2\sigma_0}{\gamma_0} \left[\operatorname{sh} \frac{\gamma_0 x}{2\sigma_0} \operatorname{sh} \frac{\gamma_0 (l - x)}{2\sigma_0} \right] \sqrt{1 + \left(\frac{h}{L_{h=0}}\right)^2} \quad (1)$$
$$L_{h=0} = \frac{2\sigma_0}{\gamma_0} \operatorname{sh} \frac{\gamma_0 l}{2\sigma_0} \quad (2)$$

式(1,2)中: x 为横坐标; y 为纵坐标; σ_0 为导线水平 应力; γ_0 为电线比载; h 为导线两端高差, 右侧悬挂 点较高时为正; l 为档距; $L_{h=0}$ 为两侧悬挂点等高时 档内悬链线线长。

通过悬链线方程可以计算得到导线最低点到 左侧和右侧悬挂点的距离^[18]分别为:

$$\begin{cases} a = \frac{l}{2} - \frac{\sigma_0}{\gamma_0} \operatorname{sh}^{-1} \frac{h}{L_{h=0}} \\ b = \frac{l}{2} + \frac{\sigma_0}{\gamma_0} \operatorname{sh}^{-1} \frac{\gamma_0 h}{2\sigma_0 \operatorname{sh} \frac{\gamma_0 l}{2\sigma_0}} \end{cases}$$
(3)

式(3)中:*a*,*b*分别为最低点到左侧和右侧悬挂点的距离。

最低点到原点的垂直高度 y₀为:

$$y_{0} = \frac{\sigma_{0}}{\gamma_{0}} \left[1 - \operatorname{ch}\left(\frac{\gamma\gamma_{0}}{2\sigma_{0}} - \operatorname{sh}^{-1}\frac{h}{L_{h=0}}\right) \right] \approx \frac{h}{2} - \frac{\gamma_{0}l^{2}}{8\sigma_{0}\operatorname{cos}\beta} - \frac{\sigma_{0}}{\gamma_{0}}\left(\frac{1 - \operatorname{cos}\beta}{\operatorname{cos}\beta}\right)$$
(4)

式(4)中: β为两悬挂点间的高差角。

通过式(3)和式(4)可以计算得到未覆冰时导 线最低点的坐标。在覆冰后,导线上的比载并非只 有导线自重,还会有所覆冰的重量。在覆冰前,导 线自重单位荷载 *P*₀为:

$$P_0 = 9.800\ 65q \tag{5}$$

式(5)中:q为电线单位长度的质量。

覆冰后导线的单位荷载 P_{ice}为:

 $P_{ice} = 0.027\ 728 \times [b \times (b + D)]$ (6) 式(6)中:b为覆冰厚度;D为电线外径,根据导线型 号可以查询到。

因此,覆冰后导线总荷载 P₁和比载 γ₁为:

$$\begin{cases} P_1 = P_0 + P_{ice} \\ \gamma_1 = P_1 / A \end{cases}$$
(7)

式(7)中:A为导线总截面积,可以根据导线型号查询到。

在输电线路覆冰后,导线水平应力和线长也都 会发生变化,覆冰后水平应力可以通过覆冰前后的 状态方程求解:

$$\sigma_1 - \frac{E\gamma_1^2 t^2 \cos^3\beta}{24\sigma_1^2} = \sigma_0 - \frac{E\gamma_0^2 t^2 \cos^3\beta}{24\sigma_0^2} - \alpha E \cos\beta(t_1 - t_0)$$
(8)

式(8)中: σ_1 为覆冰导线水平应力; E, α 分别为导线的综合弹性系数和温度膨胀系数,可以通过导线型号查询到; t_0 和 t_1 分别为覆冰前后导线温度。对于连续档导线,可以参考文献[19]中连续档导线的状态方程求取各档导线的水平应力。

覆冰后导线线长为:

$$L_{1} = \frac{l}{\cos\beta} + \frac{\gamma_{1}^{2}l^{3}}{24\sigma_{1}^{2}}$$
(9)

将式(7—9)代入式(3,4),可以得到覆冰后一 档有高差输电线路的最低点坐标。

2 基于最低点位置的输电导线找形方法

针对现有 ANSYS 找形方法在高差输电线路找 形时存在的收敛判断较为复杂的问题,且介绍本文 提出的以最低点位置为参考的找形方法。

2.1 单元设置

基于 ANSYS 对输电导线进行分析需要将导线 离散成有限个单元,对每个单元建立合适的单元模 型,才能实现输电导线的找形。由于输电导线具有 只能受拉、不能受压的特点,离散后的每个单元的 模型需要能够模拟该特点。目前最为常用的单位 模型为 LINK10 单元,该单元是两节点三维杆单元, 具有的双线性刚度矩阵特性使其能够模拟轴向仅 受拉或仅受压杆单元,将其设为只受拉状态时,如 果单元受压,刚度就会消失,从而用其模拟导线状 态具有较高的准确性。

2.2 找形方法实现

本文输电导线找形方法主要分为3个步骤:悬 挂点和参考点的设置,调整弹性模量使导线最低点 接近参考点,恢复弹性模型迭代实现精确找形。

(1) 悬挂点和参考点设置。当输电线路存在高 差时,输电导线的最低点位置可以存在与档内或档 外,如图1所示。图1中,A为左悬挂点,B为右悬 挂点,O为最低点。对最低点在档内的情况,悬挂点 和最低参考点为上面所述。但对最低点不在档内 的情况,需要将最低点虚拟为悬挂点,采用较低的 悬挂点作为参考,在找形结束后再还原悬挂点。参 考点采用式(3)和式(4)可以计算得到。

(2)弹性模量设置。通过查看迭代求解后的Y 轴方向的位移形变图,适当调整弹性模量值,使得 非线性迭代后的输电导线模型经过预先找好的最 低点。弹性模量是一种表示材料发生弹性形变难 易程度的指标:弹性模量值越大,材料越难发生弹 性形变;弹性模量值越小,材料越容易发生弹性形 变。因此,非线性求解后,当最低点出现在的输电



Fig.1 Two forms of transmission lines

导线的弧线模型内时,说明弹性形变不够大,则应 适当减小弹性模量值;当最低点出现在的输电导线 的弧线模型外时,说明弹性形变过大,则应适当增 加弹性模量值。

(3)恢复弹性模量后迭代。通过弹性模量设置 使导线最低点接近参考点时,将弹性模量恢复为实 际值,对施加初始应变进行迭代计算,直至最低点 与参考点重合。这一步所需的迭代次数比直接迭 代法大为减少,加快了找形的速度。

详细的找形步骤如图2所示。



图 2 找形流程



3 仿真分析

3.1 仿真场景

为了说明本文方法的有效性,本文以 LGJ300-40

型导线为例,构建最低点位于档内和档外输电线路 模型,分析本文方法找形结果与其他找形方法及理 论值的误差。LGJ300-40 型导线的详细参数如表 1 所示。

表 1 导线参数 Table 1 Parameters of the conductor

参数	数值
截面积 A/m ²	3.39×10^{-4}
弹性模量 E/Pa	7.3×10 ¹⁰
泊松比	0.3
密度 p/(kg・m ⁻³)	3.34×10 ³

根据输电导线最低点的位置分布情况,对3种 场景进行仿真。场景1,最低点位于档中间,无高 差;场景2,最低点位于档内,有高差;场景3,最低点 位于档外,具体参数如表2所示。从表2中可以看 出第一个场景中最低点位于档距中央,第二个场景 最低点位于档内靠近左侧悬挂点的位置,第三个场 景最低点位于档外,左侧悬挂点外侧。

表 2 场景设置

场景	档距/m	高差/m	最低点坐标
1	200	0	(100,-3.6120)
2	200	10	(30,-0.343 5)
3	200	30	(-106.779 4, -4.118 6)

3.2 找形方法有效性分析

3.2.1 结果精度分析。

采用本文提出的找形方法、直接迭代法、小弹 性模量法对不同场景输电导线进行找形。针对对 后续动态分析有影响的参数,如跨中弧垂、悬挂点 应力等,不同找形方法得到的参数结果如表3所示。

从表3中可以看出,3种方法的线长误差曲线 的发展趋势一致,随着高差的增加,虽然3种方法的 线长误差的绝对值增加了,但误差的百分比反而减 小,且最大线长误差也没有超过0.30%;在跨中弧 垂和悬挂点应力方面,过最低点法的误差变化最稳 定,但是直接迭代法和小弹性模量法的误差有随着 高差的增加而增加的趋势。总体来讲,直接迭代 法、小弹性模量法和过最低点法的精度没有太大的 差别。本文方法的找形结果的精度能够满足要求。 3.2.2 操作复杂度分析

由于场景 3 中导线最低点不在档内,故采用该 场景说明本文方法在操作复杂度方面的优势。场 景 3 下直接迭代法、小弹性模量法和本文方法的找 形结果如图 3—5 所示。

Table 3 The form-finding results calculated in difference scenario							
参数	方法	场景1	场景2	场景 3			
线长/m	解析法	200.17	200.69	202.73			
	直接迭代法	200.13	200.39	202.40			
	小弹性模量法	200.15	200.41	202.40			
	本文方法	200.15	200.42	202.40			
跨中弧垂/m	解析法	3.612	3.61	3.75			
	直接迭代法	3.61	3.58	3.75			
	小弹性模量法	3.61	3.65	3.75			
	本文方法	3.61	3.60	3.73			
左侧悬挂点 应力/MPa	解析法	45.48	45.46	44.30			
	直接迭代法	45.46	45.74	44.25			
	小弹性模量法	45.46	45.60	44.24			
	本文方法	45.46	45.47	44.23			
右侧悬挂点 应力/MPa	解析法	45.48	45.79	45.28			
	直接迭代法	45.46	46.04	45.22			
	小弹性模量法	45.46	45.94	45.21			
	本文方法	45.46	45.80	45.33			

表 3 不同场景输电线路找形结果







从图 3—5 中可以看出,图 3 和图 4 中不存在最 低点,故难以确定水平应力,较为可行的方法是取 跨中弧垂达到预设值作为结束条件。但在选取跨 中弧垂的操作中,每次迭代完成后,需要首先找出 跨中点,然后作垂直线,测量跨中弧垂高度并判断 是否达到结束条件。本文方法结果如图 5 所示,首 先计算出最低点位置,然后在最低点与较高的悬挂 点之间画出初始导线,在后续找形中,当导线达到 实际较低悬挂点时即结束找形,故找形操作简单而 方便。从迭代次数中也可以看出,直接迭代法需要 30 次迭代,小弹性模量法需要 8 次迭代,而本文方 法仅需 5 次迭代,并且本文方法无需每次迭代后取 跨中弧垂,故能够有效减少找形操作的时间。



图 4 小弹性模量法的找形结果 Fig.4 The form-finding result of the small

elastic modulus method



图 5 本文方法的找形结果



4 结语

输电线路找形是使用 ANSYS 软件对输电线路 进行动态分析的基础,本文针对现有找形方法在有 高差输电线路找形时收敛结束判断较为复杂的问 题,提出以导线最低点为参考的找形方法。对最低 点不在档内的情况,将最低点虚拟为悬挂点,通过 原悬挂点作为参考点。以不同高差的导线为例,对 比了本文方法与现有方法的误差,结果表明本文方 法与现有找形方法均能满足工程要求,但本文方法 具有较为直观的收敛参考,操作更为方便,减少找 形的操作时间。

参考文献:

- [1] LECOMTE E L, PANG A W, RUSSELL J W. Ice storm'98
 [M]. Canada: Institute for Catastrophic Loss Reduction, 1998: 62-84.
- [2] 薛禹胜,费圣英,卜凡强.极端外部灾害中的停电防御系统构思(一)新的挑战与反思[J].电力系统自动化,2008,32
 (9):1-6.

XUE Yusheng, FEI Shengying, BU Fanqiang. Upgrading the blackout defense scheme against extreme disasters: Part I new challenges and reflection [J]. Automatic of Electric Power Systems, 2008, 32(9):1-6.

- [3] 谢云云,薛禹胜,文福拴,等.冰灾对输电线故障率影响的时空评估[J].电力系统自动化,2013,37(18):32-41.
 XIE Yunyun, XUE Yusheng, WEN Fushuan, et al. Space time evaluation of impact of ice disaster on transmission line fault probability[J]. Automatic of Electric Power Systems,2013,37 (18):32-41.
- [4] 王新敏. ANSYS 工程结构数值分析[M]. 北京:人民交通出版社,2007:6-7,172-182.
 WANG Xinmin. ANSYS numerical analysis of engineering structures[M]. Beijing: China Communications Press, 2007:6-7,172-182.
- [5] JIA Y Z, LIU R P. Form-finding system for overhead transmission line based on ANSYS [J]. 2012 International Conference on Future Electrical Power and Energy Systems, 2012 (17): 975-982.
- [6] VEENENDAAL D, BLOCK P. An Overview and comparison of structural form finding methods for general networks [J]. International Journal of Solids and Structures, 2012 (49): 3741 -3753.
- [7] MALERBA P G, PATELLI M, QUAGLIAROLI M. An extended force density method for the form finding of cable systems with new forms [J]. Structural Engineering and Mechanics, 2012, 42(2): 191-210.
- [8] 陶颐格,刘锐鹏,陈小平. 基于 ANSYS 的架空线找形系统研究[J]. 广东电力, 2011, 24(4): 64-67.
 TAO Jige, LIU Ruipeng, CHEN Xiaoping. Research on the form-finding of aerial conductors based on ANSYS[J]. Guang-dong Electric Power, 2011, 24(4): 64-67.
- [9] PAULETTI R, PIMENTA P. The natural force density method for the shape finding of taut structures [J]. Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, 2008 (197): 4419 -4428.
- [10] 李 兵,宫鹏涵. ANSYS14 有限元分析自学手册[M]. 北京:人民邮电出版社, 2013: 160-220.
 LI Bing, GONG Penghan. ANSYS14 finite element analysis of self-study manual[M]. Beijing: Posts&Telecom Press, 2013: 160-220.
- [11] 张旺海,于建斌. 基于 ANSYS 的架空输电导线找形研究
 [J]. 电力建设, 2012, 33(2): 32-35.
 ZHANG Wanghai, YU Jianbin. Research on form-finding of aerial lines based on ANSYS[J]. Electric Power Construction, 2012, 33(2):32-35.
- [12] 孔 伟,朱明伟,付 豪. 架空输电线路导线在 ANSYS 中的找形分析[J]. 东北电力大学学报, 2011(S): 64-67.
 KONG Wei, ZHU Mingwei, FU Hao. Form finding analysis of overhead transmission lines in ANSYS[J]. Journal of Northeast Dianli University, 2011(S):64-67.

- [13] 陈仕良,曹枚根.有限元在架空输电线路导线地线找形分析的应用[J]. 江西电力,2007,31(6):7-15.
 CHEN Shiliang, CAO Meigen. Application of finite element method in form-finding analysis of transmission lines [J]. Jiangxi Electric Power,2007,31(6):7-15.
- [14] 鲁元兵,楼文娟,李焕龙. 输电导线不均匀脱冰的全过程 模拟分析[J]. 振动与冲击, 2010, 29(9): 47-50.
 LU Yuanbin, LOU Wenjuan, LI Huanlong. Simulation and analysis of the uneven removal of transmission lines [J].
 Journal of Vibration and Shock, 2010,29(9):47-50.
- [15] 贾玉琢,刘锐鹏,李正琪. 覆冰输电架空导线初始构形研究[J]. 水电能源科学, 2011, 29(1): 148-150.
 JIA Yuzhuo, LIU Ruipeng, LI Zhengqi. Research on initial configuration of iced transmission lines[J]. Water Resources and Power, 2011, 29(1):148-150.
- [16] 孟遂民,单鲁平. 输电线动力学分析中的找形研究[J]. 电网与清洁能源,2009,25(10):43-47.
 MENG Suimin, SHAN Luping. Research on form-finding in dynamic analysis of transmission lines[J]. Power System and Clean Energy, 2009, 25(10):43-47.
- [17]杨 钦,李承铭. ANSYS 索结构找形及悬链线的模拟[J]. 土木建筑工程信息技术, 2010, 02(4): 61-65.
 YANG Qin, LI Chengming. Form-finding of cable and simulation of catenary by ANSYS[J]. Journal of Information Technology in Civil Engineering and Architecture, 2010, 02(4):61-65.
- [18] 张殿生. 电力工程高压送电线路设计手册[M]. 2版. 北京:中国电力出版社, 2002: 321-324.
 ZHANG Diansheng. High Voltage Power Transmission Line Design Manual for Power Engineering[M]. 2nd ed. Beijing: China Power Press, 2002: 321-324.
- [19] 邵天晓. 架空送电线路的电线力学计算[M]. 2版. 北京: 中国电力出版社,2003:180-183.

SHAO Tianxiao. Mechanical calculation of overhead transmission lines[M]. 2nd ed. Beijing: China Power Press, 2003;180–183.

作者简介:



谢云云(1985—),男,江苏南通人,博士, 研究方向为电力系统防灾减灾与可靠供电;

金 颖(1989—),女,四川成都人,硕士, 研究方向为可靠性分析;

黄琳雁(1992—),女,江苏南通人,硕士 研究生,研究方向为电力系统防灾减灾与可靠 供电;

刘旭斐(1981—),男,云南昆明人,高级 工程师,研究方向为电力系统电网调度;

王昊昊(1979—),男,江苏扬州人,高级工程师,研究方向为 新能源并网控制技术、电力系统防灾减灾;

郁 琛(1985—),男,江苏苏州人,博士,研究方向为新能源 并网控制技术、电力系统防灾减灾。

(下转第50页)

Design and Engineering Application of Centralized Management System for New Generation Security and Stability Control Devices

HU Haoran¹, SHEN Fengjie², TANG Wei¹, SHAO Wei², LIU Hui¹, TAO Saijian², CHEN Shipeng²

(1. State Grid Anhui Electric Power Company, Hefei 230022, China; 2. NARI Technology Co. Ltd., Nanjing 211106, China) Abstract: Combined with the state of security and stability control management system (SCMS) and the needs of large power grid dispatching control technology, this paper analyzes the deficiencies of existing SCMS, and proposes the technical scheme of a new integration SCMS based on smart grid dispatching control system platform. A software system contains collection-monitoring-alarm-warning-decision-control is designed. To solve the problem of transition between the new SCMS and service SCMS, the paper propose a project application method of the security and stability control device connect two SCMS with different protocols. A control strategy analysis service based on the class definition and operation factor model of hierarchical security and stability control system and control strategy is developed. It will support strategy analysis service for other application modules thus as Dynamic Security Analysis(DSA). Based on the "horizontal isolation" safety protection strategy, SCMS establishes the connection with the work ticket management system and off-line analysis computation system in management information area, which achieves the setting value list closed loop management and support data for transmission section real time limit calculation and control strategy adaptive check. Finally, the application of the system in Anhui power grid is introduced.

Key words: security and stability control device; management system; different protocol; two connection communication; setting value list closed loop management; strategy analysis

(编辑 刘晓燕)

(上接第13页)

Form-finding Method of Transmission Lines Consulting the Lowest Point

XIE Yunyun¹, JIN Ying², HUANG Linyan¹, LIU Xufei³, WANG Haohao⁴, YU Chen⁴

(1. School of Automation, Nanjing University of Science and Technology, Nanjing 210094, China;

2. AVIC Chengdu aircraft industry (Group) Co., Ltd, Chengdu 610073, China;

3. State Grid Yunnan Electric Power Company Dispatch and Control Center, Kunming 650011, China;

4. NARI Group Corporation, Nanjing 210003, China)

Abstract: Ice covering on the transmission line has great impact on power system security. Form-finding of transmission line is the basis for mechanical analysis of iced transmission line by ANSYS. Current form-finding methods end with the convergence of sag or the horizontal stress, which is hard to obtain in transmission lines with height difference while the maximum sag isn't in the center position. Therefore, this paper presented a form-finding method of transmission lines consulting the lowest point. The method obtained the lowest point by analytic method first, then modified the elastic modulus for coming near the lowest point, and repeated the iteration until the line reaches the lowest point after changing the elastic modulus back to actual value. Simulation results show the effectiveness of the proposed method for different types of transmission lines.

Key words: ANSYS; transmission lines; form-finding; the lowest point

(编辑 徐林菊)